



## مبرهنة فيتاغورس + جيب تمام زاوية حادة



### I - مبرهنة فيتاغورس :

(1) - الخاصية المباشرة :

إذا كان  $ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $A$  فإن :

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

\* / تطبيق :

ABC مثلث قائم الزاوية في  $A$  بحيث :  
 $AC = 5 \text{ cm}$  و  $AB = 3 \text{ cm}$ .

لدينا حسب مبرهنة فيتاغورس المباشرة :

إذن :

$$AC^2 = BC^2 - AB^2$$

$$AC^2 = 5^2 - 3^2$$

$$AC^2 = 25 - 9$$

$$AC^2 = 16$$

و بما أن  $AC$  عدد موجب فإن :

(2) - الخاصية العكسية :

إذا كان  $ABC$  مثلث بحيث :

فإن هذا المثلث قائم الزاوية في  $A$ .

\* / تطبيق :

$BC = \frac{4}{5}$  و  $AB = 1$  و  $AC = \frac{3}{5}$  :  $ABC$  مثلث بحيث :

لنبين أن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية.

$$AC^2 = \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{9}{25} \quad \text{و} \quad BC^2 = \left(\frac{4}{5}\right)^2 = \frac{16}{25} \quad \text{و} \quad AB^2 = 1^2 = 1$$

$$AB^2 = AC^2 + BC^2 \quad \text{أي} \quad 1 = \frac{16}{25} + \frac{9}{25}$$

و حسب مبرهنة فيتاغورس العكسية فإن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $C$ .

### (3) - خاصية لأصلاح مثلث قائم الزاوية :

إذا كان مثلث قائم الزاوية فإن طول وتره أكبر من طولي ضلعي الزاوية القائمة

جيب تمام زاوية حادة : II

(1) - تعريف :

جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم الزاوية يساوي خارج طول الضلع المحادي للزاوية الحادة على طول الوتر

\* / إصطلاحات :

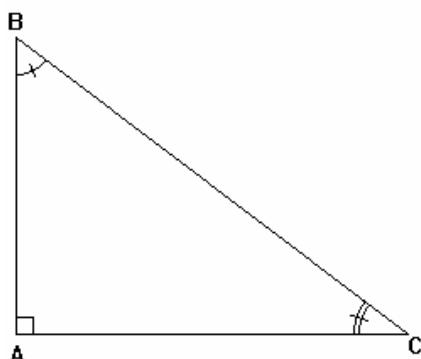
مثلث قائم الزاوية في A

-- الزاويتان الحادتان هما :  $A\hat{C}B$  و  $A\hat{B}C$

-- [AB] هو الضلع المحادي للزاوية  $A\hat{B}C$  ، والمقابل للزاوية  $A\hat{C}B$

-- [AC] هو الضلع المحادي للزاوية  $A\hat{C}B$  ، والمقابل للزاوية  $A\hat{B}C$

-- [BC] هو الوتر.



\* / بتعبير آخر :

مثلث قائم الزاوية في A

$$\cos A\hat{C}B = \frac{AC}{BC} \quad \text{و} \quad \cos A\hat{B}C = \frac{AB}{BC}$$

\* / ملاحظة هامة :

$$0 < \cos \alpha < 1 \quad \text{حيث } \alpha \text{ قياس زاوية حادة}$$

(2) - مثال :

مثلث قائم الزاوية في A بحيث :  $AC = 4 \text{ cm}$  و  $AB = 3 \text{ cm}$ . لحسب  $\cos A\hat{B}C$  لنحسب أولا  $BC$ . بما أن مثلث قائم الزاوية في فإن حسب مبرهنة فيتاغورس :

$$BC = 5 \quad \text{و بما أن } BC > 0 \quad \text{فإن}$$

$$\cos A\hat{B}C = \frac{AB}{BC} = \frac{3}{5} = 0,6 \quad \text{و منه فإن :}$$

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$BC^2 = 3^2 + 4^2$$

$$BC^2 = 9 + 16$$

$$BC^2 = 25$$