

I - الجذر المربع لعدد جذري موجب :

(1) - تعريف :

إذا كان a عدداً جذرياً موجباً فإنه يوجد عدد حقيقي x يحقق : $x^2 = a$
العدد x يسمى الجذر المربع للعدد a ويكتب : $x = \sqrt{a}$

(2) - مثال :

$$x = \sqrt{11} \quad \text{يعني أن} \quad x^2 = 11$$

$$x = \sqrt{\frac{1}{2}} \quad \text{يعني أن} \quad x^2 = \frac{1}{2}$$

(3) - خاصية أساسية :

إذا كان a عدداً جذرياً موجباً فإن : $\sqrt{a^2} = (\sqrt{a})^2 = a$

* / مثال :

$$x = \sqrt{9} \quad \text{يعني أن} \quad x^2 = 9$$

$$x = \sqrt{3^2} = 3 \quad \text{أي}$$

II - تطبيقات :

(1) - مبرهنة فيتاغورس :

. $BC = 5 \text{ cm}$ مثلث قائم الزاوية في A بحيث : $AB = 4 \text{ cm}$ و

لحسب AB .

. لدينا حسب مبرهنة فيتاغورس المباشرة :

و منه فإن :

$$AB^2 = BC^2 - AC^2$$

$$AB^2 = 5^2 - 4^2$$

$$AB^2 = 25 - 16 \quad \text{أي} :$$

$$AB^2 = 9$$

$$AB = \sqrt{9} \quad \text{و بما أن } AB > 0 \text{ فإن} :$$

$$AB = \sqrt{3^2} \quad \text{أي}$$

$$AB = 3$$

(2) - حل المعادلة $x^2 = a$ و $(a \geq 0)$

حل المعادلة : $x^2 = 3$

لدينا : $x^2 = 3$ تكافئ على التوالي :

$$x^2 - 3 = 0$$

$$x^2 - \sqrt{3}^2 = 0$$

$$(x - \sqrt{3})(x + \sqrt{3}) = 0$$

و منه فإن :

$$x + \sqrt{3} = 0$$

أو

$$x = -\sqrt{3}$$

$$x - \sqrt{3} = 0$$

$$x = \sqrt{3}$$

إذن هذه المعادلة تقبل حلين هما العددان الحقيقيان : $\sqrt{3}$ و $-\sqrt{3}$.

(3) - الجذر المربع و العمليات :

(1) - لحساب ما يلي :

لدينا :

$$A = \sqrt{5^2 + \sqrt{3}^2}$$

$$= 5 + 3$$

$$= 8$$

(2) - لحساب ما يلي :

لدينا :

$$B = \left(\sqrt{\frac{9}{2}} \right)^2 - \left(\sqrt{\frac{4}{2}} \right)^2$$

$$= \frac{9}{2} - \frac{4}{2}$$

$$= \frac{5}{2}$$

(3) - لحساب ما يلي :

$$C = \frac{\sqrt{121}}{7} \times \sqrt{8^2} = \frac{\sqrt{121}}{\sqrt{9}}$$

$$= \frac{\sqrt{11^2}}{\sqrt{3^2}} \times \sqrt{8^2} = \frac{11}{3} \times 8 = \frac{11}{1} \times \frac{3}{7} \times \frac{8}{1} = \frac{33}{7} \times \frac{8}{1} = \frac{264}{7}$$